

Kansberekeningen Hst. 14

1.

$$a. \quad P(2,4) + P(3,3) + P(4,2) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{5}{16}$$

$$b. \quad P(10) = 3 \cdot P(2,4,4) + 3 \cdot P(3,3,4) = 3 \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} + 3 \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$$

c.

$$P(\text{minstens 3 keer een 2}) = 1 - P(\text{maximaal 2keer een 2}) \\ = 1 - \text{binomcdf}(12, \frac{1}{2}, 2) \approx 0,981$$

d.

$$P(2 \text{ en een } 4) = P(2,4) + P(4,2) = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{6} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{6} = \frac{5}{24}$$

e.

$$P(1) = \frac{1}{6} \quad \text{Stel } X \text{ is het aantal keer een 1.}$$

$$P(\text{minstens 3 keer een 1}) = 1 - P(\text{max. 2 keer een 1}) = 1 - \text{binomcdf}(X, \frac{1}{6}, 2) > 0,85$$

Voer in : $y_1 = 1 - \text{binomcdf}(X, \frac{1}{6}, 2)$ In de tabel zien we :

bij $X = 26$ is die kans 0,83 ... en bij $X = 27$ is die kans 0,85.. \Rightarrow
Je moet dus minstens 27 keer draaien.

f.

$$P(3 \text{ keer een 2 en 2 keer een 3}) = \left(\frac{1}{2}\right)^3 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \frac{1}{4} \cdot \binom{6}{3} \cdot \binom{3}{2} \approx 0,117$$

$$\text{Anders: } P(3 \text{ keer een 2 en 2 keer een 3}) = \left(\frac{1}{2}\right)^3 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{6!}{3! \cdot 2!} \approx 0,117$$

g.

$$P(**, \text{geen } 4,444) = 1 \cdot 1 \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \approx 0,025$$

2. Vaas met 7 rode , 5 witte en 3 zwarte knikkers.

$$a. \quad P(3 \text{ rode}) = \frac{\binom{7}{3} \binom{8}{2}}{\binom{15}{5}} \approx 0,326$$

$$b. \quad \text{Met terugleggen. } P(4 \text{ rode}) = \left(\frac{7}{15}\right)^4 \cdot \left(\frac{8}{15}\right)^4 \cdot \binom{8}{4} \approx 0,269$$

$$c. \quad P(3 \text{ rode en 2 wi en 1 zw}) = \frac{\binom{7}{3} \cdot \binom{5}{2} \cdot \binom{3}{1}}{\binom{15}{6}} \approx 0,210$$

d. Met terugleggen. $P(3 \text{ rode en } 2 \text{ wi en } 1 \text{ zw}) = \left(\frac{7}{15}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{15}\right)^2 \cdot \frac{3}{15} \cdot \frac{6!}{3! \cdot 2!} \approx 0,136$

e.

$$P(5 \text{ keer pakken}) = P(\text{nnmn,r}) = \frac{\binom{8}{4}}{\binom{15}{4}} \cdot \frac{7}{11} \approx 0,033$$

f. $P(3 \text{ rode}) = \frac{\binom{7}{2} \cdot \binom{8}{4}}{\binom{15}{6}} \cdot \frac{5}{9} \approx 0,163$

3. Vaas met 5 witte, 6 zwarte en 9 blauwe kn.

a. $P(2 \text{ zw}) = \frac{\binom{6}{2} \cdot \binom{14}{0}}{\binom{20}{2}} = \frac{15}{190} = \frac{3}{38}$

$$P(3 \text{ keer } 2 \text{ zw kn}) = \text{binompdf}(10, \frac{3}{38}, 3) \approx 0,033$$

b.

$$P(2 \text{ dezelfde kl}) = P(\text{ww,}) + P(\text{zz}) + P(\text{bb}) = \frac{5}{20} \cdot \frac{4}{19} + \frac{6}{20} \cdot \frac{5}{19} + \frac{9}{20} \cdot \frac{8}{19} = \frac{122}{380} = \frac{61}{190}$$

$$P(\text{meer dan } 4 \text{ keer}) = 1 - P(\text{hoogstens } 4 \text{ keer}) = 1 - \text{binomcdf}(10, \frac{61}{190}, 4) \approx 0,189$$

c.

$$P(\text{hoogstens } 1 \text{ bl kn}) = P(0 \text{ bl}) + P(1 \text{ bl}) = \frac{\binom{11}{2}}{\binom{20}{2}} + \frac{\binom{11}{1} \binom{9}{1}}{\binom{20}{2}} = \frac{154}{190} = \frac{77}{95}$$

$$P(\text{minstens } 5 \text{ keer}) = 1 - P(\text{hoogstens } 4 \text{ keer}) = 1 - \text{binomcdf}(10, \frac{77}{95}, 4) \approx 0,995$$

d.

$$P(2 \text{ wi}) = \frac{\binom{5}{2}}{\binom{20}{2}} = \frac{10}{190} = \frac{1}{19}$$

$$P(4 \text{ keer pakken}) = \left(\frac{18}{19}\right)^3 \cdot \frac{1}{19} \approx 0,045$$

e $P(\text{meer dan 3 keer}) = P(\text{ de eerste drie keer geen 2 wi kn}) = \left(\frac{18}{19}\right)^3 \approx 0,850$

4. $P(\text{treffen}) = 0,80$

Stel X is het aantal treffers.

a. $P(X \geq 2) = 1 - P(X \leq 1) = 1 - \text{binomcdf}(10, 0,80, 1) \approx 0,993$

b. $P(\text{rmrmr}) + P(\text{mrmrm}) = 0,80 \cdot 0,20 \cdot 0,80 \cdot 0,20 \cdot 0,80 + 0,20 \cdot 0,80 \cdot 0,20 \cdot 0,80 \cdot 0,20 \approx 0,026$

c. $P(\text{rrmmm}) + P(\text{mrrmm}) + P(\text{mmrrm}) + P(\text{mmmrr}) = 4 \cdot 0,20^3 \cdot 0,80^2 \approx 0,020$

d. $P(2 \text{ treffes met 1 bij de eerste 3}) = P(\text{rmm en rm of mr}) * 3 = 6 \cdot 0,80^2 \cdot 0,20^3 \approx 0,031$

e. $P(\text{hoogstens 2 missers}) = \text{binomcdf}(10, 0,15, 2) \approx 0,820$

5.

a. $\frac{\binom{3}{3}}{\binom{7}{3}} \approx 0,029$

b.

$$\frac{\binom{2}{1} \cdot \binom{5}{1}}{\binom{7}{2}} \approx 0,476$$

c.

$$P = 1 - P(\text{geen enkele niet Amerikaan in de buitenbaan}) = 1 - \frac{\binom{3}{2}}{\binom{7}{2}} \approx 0,857$$

6. $P(\text{Hans krijgt gelijk}) = \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{9} \cdot \frac{1}{8} \approx \frac{1}{720}$

7.

a

$$P(\text{baantje}) = 0,6 ; P(\text{geen baantje}) = 0,4 ; P(\text{meer dan 12 uur}) = 0,6 \cdot 0,75 = 0,45$$

$$P(\text{baantje en minder dan 12 uur}) = 0,6 \cdot 0,25 = 0,15$$

P(3 geen baan en 12 meer dan 12 uur van de in totaal 20) =

$$\frac{20!}{3! \cdot 12! \cdot 5!} \cdot 0,40^3 \cdot 0,45^{12} \cdot 0,15^5 \approx 0,002$$

b. $P(\text{minstens 5 keer bellen}) = 1 - P(1 \text{ of } 2 \text{ of } 3 \text{ of } 4 \text{ keer bellen}) =$
 $1 - (0,15 + 0,85 \cdot 0,15 + 0,85^2 \cdot 0,15 + 0,85^3 \cdot 0,15) \approx 0,522$

c. Gegeven: 16 met baantje ; 5 werken meer dan 12 uur en dus 11 werken minder dan 12 uur en 12 leerlingen hebben geen baantje.

P(4 leerlingen moet bellen) = P(3 leerlingen niet en de 4^e wel) =

$$\frac{17}{28} \cdot \frac{16}{27} \cdot \frac{15}{26} \cdot \frac{11}{25} \approx 0,091$$

8.

a. P(4 keer 1 en 4 keer 2 en 4 keer 3 en 4 keer 4)

$$= \left(\frac{1}{4}\right)^4 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^4 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^4 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^4 \cdot \frac{16!}{4! \cdot 4! \cdot 4! \cdot 4!} \approx 0,015$$

b.

P(6 keer 2 en 4 keer 3 en dus 6 keer geen 2 en geen 3) =

$$\left(\frac{1}{4}\right)^6 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^4 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^6 \cdot \frac{16!}{6! \cdot 4! \cdot 6!} \approx 0,025$$

c.

P(bij 10^e worp evenveel als bij de 3^e worp) = $\frac{1}{4}$

9. 4 keer gooien met een dobbelsteen.

a. $P(4 \text{ verschillende}) = 1 \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{4}{6} \cdot \frac{3}{6} \approx 0,278$

b. $P(1 \text{ keer } 6 \text{ en } 3 \text{ keer minder dan } 6) = \frac{1}{6} \cdot \left(\frac{3}{6}\right)^3 \cdot \binom{4}{3} \approx 0,083$

c.

6						
5						X
4					X	X
3				X	X	X
2			X	X	X	X
1		X	X	X	X	X
	1	2	3	4	5	6

Uit de figuur lezen we af: $P(2\text{e worp is meer dan } 3\text{e worp}) = \frac{15}{36} \approx 0,417$

10. I a kn 6 rood en dus $a - 6$ kn zw ; II 24 kn met a rode en dus $24 - a$ zw.

a. $P(2\text{ rode}) = \frac{6}{a} \cdot \frac{a}{24} = \frac{6a}{24a} = \frac{1}{4}$

b. $P(\text{r en zw}) = P(\text{r,zw}) + P(\text{zw,r}) =$
 $\frac{6}{a} \cdot \frac{(24-a)}{24} + \frac{a-6}{a} \cdot \frac{a}{24} = \frac{144 - 6a + a^2 - 6a}{24a} = \frac{a^2 - 12a + 144}{24a}$

c. $P(\text{r en zw}) = P(\text{r , zw}) + P(\text{zw , r}) =$
 $\frac{6}{a} \cdot \frac{a-6}{a-1} + \frac{a-6}{a} \cdot \frac{6}{a-1} = \frac{6a-36}{a^2-a} + \frac{6a-36}{a^2-a} = \frac{12a-72}{a^2-a}$

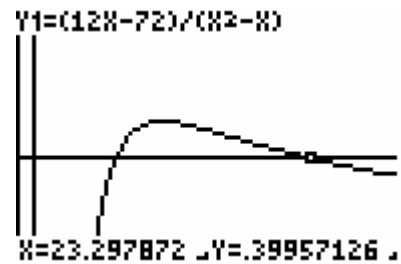
d. Nu moet gelden: $\frac{12a-72}{a^2-a} > 0,4$

Eerst het snijpunt van $y_1 = \frac{12x-72}{x^2-x} \Rightarrow y_2 = 0,4$

intersect geeft snijpunten bij
 $X \approx 7,74$ en bij $X \approx 23,26$

Nu aflezen uit de figuur en $X = a$ moet een gehele waarde zijn. Dit geeft dan :

$\frac{12a-72}{a^2-a} > 0,4$ voor $8, 9, \dots, 22, 23$ knikkers



11.

a. $0,20 \cdot 125 = 25$ Stel X het aantal bedragen dat met een 1 begint. \Rightarrow
 $P(X < 25) = P(X \leq 24) = \text{binomcdf}(125, 0.301, 24) \approx 0,004$

b. Stel X is het aantal formulieren dat met een 9 begint.
 $0,10 \cdot 80 = 8 \Rightarrow P(X \geq 8) = 1 - P(X \leq 7) = 1 - \text{binomcdf}(80, 0,046, 7) \approx 0,031$

c. Stel X weer het aantal dat met een 1 begint.
 Je zou ongeveer $0,301 \cdot 750 \approx 226$ verwachten.
 Nu geldt: $P(X \leq 189) = \text{binomcdf}(750, 0.301, 189) \approx 0,002$
 Deze kans is erg klein. Dus de uitslag is erg onwaarschijnlijk.

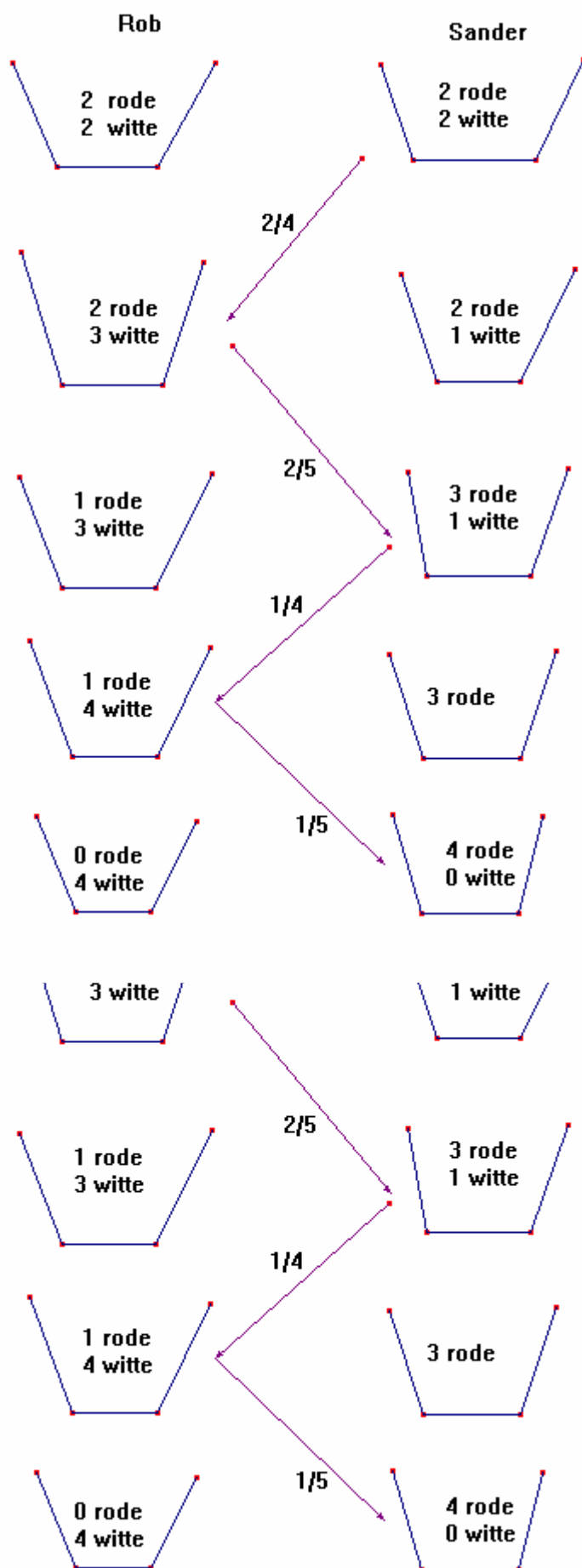
d. $P(\text{in 4 maanden met een 1 en in 3 maanden met een 2 en in de rest niet met 1 en niet met 2}) =$
 $0,301^4 \cdot 0,176^2 \cdot (1 - 0,301 - 0,176)^6 \cdot \binom{12}{4} \cdot \binom{8}{3} \approx 0,049$

12 Vaas met 2 rode en 2 witte kn.

a. De ontbrekende kansen zijn: $\frac{2}{4}$, $\frac{2}{5}$ en $\frac{1}{4}$

b. $P = \frac{2}{4} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{20}$

c.



13. Vaas met 5 rode en drie witte knikkers.

a.
$$P(\text{rrr}) = \frac{5}{8} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{3}{6} = \frac{60}{56 \cdot 6} = \frac{10}{56} = \frac{5}{28} \approx 0,179$$

b.
$$P(\text{Hinke wint met 4 keer pakken}) = P(W_A R_H R_H R_H) = \frac{3}{8} \cdot \frac{5}{7} \cdot \frac{4}{6} \cdot \frac{3}{5} \approx 0,107$$

c.
$$P(\text{Anouk wint met 5 * pakken}) = P(W_A W_H R_A R_A R_A) + P(R_A W_A W_H R_A R_A) + P(R_A R_A W_A W_H R_A) = \frac{3}{8} \cdot \frac{2}{7} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} + \frac{5}{8} \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} + \frac{5}{8} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{3}{6} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{4} \approx 0,161$$

14. 5 rode en 3 witte kn.

a.
$$P(R,R,R) = \frac{5}{8} \cdot \frac{7}{10} \cdot \frac{9}{12} \approx 0,328$$

b.
$$P(2 \text{ keer wit}) = P(R,W,W) + P(W,R,W) + P(W,W,R) = \frac{5}{8} \cdot \frac{3}{10} \cdot \frac{5}{12} + \frac{3}{8} \cdot \frac{5}{10} \cdot \frac{5}{12} + \frac{3}{8} \cdot \frac{5}{10} \cdot \frac{5}{12} \approx 0,234$$

15. 2 rode , 2 blauwe , 2 witte , 2 groene en 2 zwarte kaarten.

a.
$$P(2 \text{ rode}) = \frac{2}{10} \cdot \frac{1}{9} = \frac{1}{45}$$

b.
$$P(2 \text{ dezelfde kleur}) = 1 \cdot \frac{1}{9} = \frac{1}{9}$$

c. De kans dat Marleen wint is: $\frac{1}{3}$

d. Nu is de kans dat Marleen wint : $P(g, g) + P(w, w) = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} + 1 \cdot \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$

16. $P(\text{Eline wint}) = 0,6$ en $P(\text{Bas wint}) = 0,4$

a.
$$P(\text{Eline wint in 5 ronden}) = (0,6)^5 \approx 0,078$$

b.
$$P(\text{Bas wint in 7 ronden}) = P(\text{Bas wint in de eerste 6 ronden 4 keer en de 7e ronde}) = (0,4)^4 \cdot (0,6)^2 \cdot \binom{6}{4} \cdot 0,4 \approx 0,055$$

c. Dan moet Eline nog 3 keer achter elkaar winnen. Die kans is : $(0,6)^3 \approx 0,216$

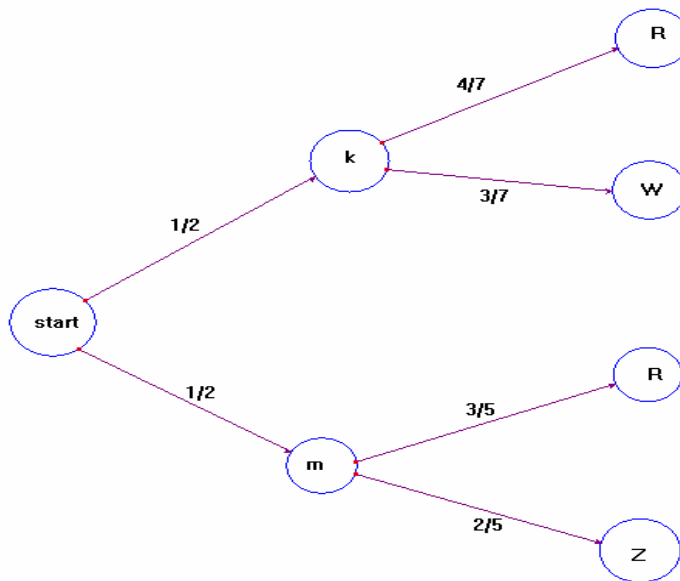
d. Dan kunnen we krijgen :

Eline wint nog 4 keer achter elkaar \Rightarrow EEE
of BEEE of EBEE of EEBE Dit geeft :

$$P = (0,6)^3 + 3 \cdot (0,6)^3 \cdot 0,4 \approx 0,475$$

17. Vaas I : 4 rode en 3 witte knikkers ; Vaas II 3 rode en 2 zwarte knikkers

a.



b. $P(zw) = P(m, zw) = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{5} = \frac{1}{5}$

c. $P(\text{rode}) = P(k, R) + P(m, R) = \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{7} + \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} \approx 0,586$

d. $P(w, w) = P(k, W) \cdot P(k, W) = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{6} \approx 0,036$

e. $P(R, R) = P(k, R, k, R) + P(k, R, m, R) + P(m, R, k, R) + P(m, R, m, R) =$
 $\frac{1}{2} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{6} + \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} + \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{7} + \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{4} \approx 0,318$

18. Vaas I : 4 rode en 3 witte kn.; Vaas II 3 rode en 2 zwarte kn.

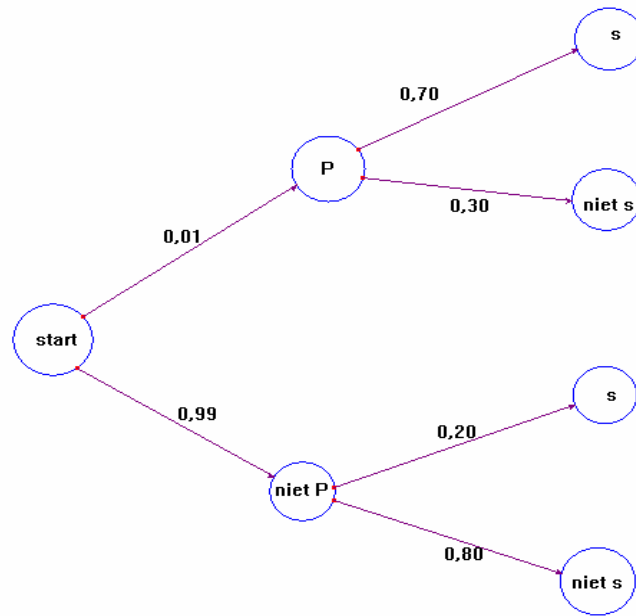
a. $P(\text{Rood}) = P(\geq 5 \text{ en } R_I) + P(\leq 4 \text{ en } R_{II}) = \frac{2}{6} \cdot \frac{4}{7} + \frac{4}{6} \cdot \frac{3}{5} \approx 0,590$

b. 3 keer hetzelfde als bij a $\Rightarrow P(R, R, R) = 0,590^3 \approx 0,205$

c. $P(Z, Z) = P(\leq 4, Z, \leq 4, Z) = \left(\frac{2}{3} \cdot \frac{2}{5}\right)^2 \approx 0,071$

19

a.



b. $P(\text{spierklachten}) = P(P, \text{sp}) + P(\text{niet } P, \text{sp}) = 0,01 \cdot 0,70 + 0,99 \cdot 0,20 = 0,205$

c. De kans is $0,01 \cdot 0,70 = 0,007 \Rightarrow$ Van de 10.000 mensen is de verwachting dan : $0,007 \cdot 10.000 = 70$ mensen

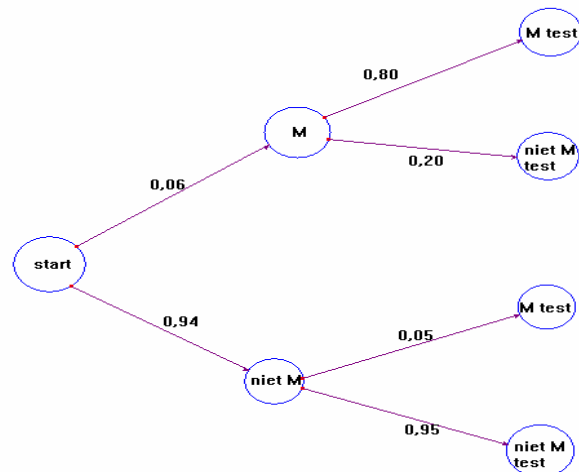
d. $P(\text{Spierklachten})$ is 0,205 zie onderdeel b. \Rightarrow We verwachten daarom $0,205 \cdot 10.000 = 2050$ mensen

e. Zie de groep van 10.00 $P(\text{Parkinson} \mid \text{groep van } 10000) = \frac{70}{2050} \approx 0,034$

f. Dit komt omdat bij mensen met spierklachten slecht een klein percentage daadwerkelijk Parkinson heeft.

20.

a.



$$P(M, \text{neg. test}) + P(\text{niet } M, \text{neg. test}) = 0,06 \cdot 0,20 + 0,94 \cdot 0,95 = 0,905$$

b. $P(\text{pos}) = 1 - 0,905 = 0,095$

$$P(\text{Marc is echt besmet} \mid \text{positief}) = \frac{0,06 \cdot 0,80}{0,095} \approx 0,505$$

c. $P(\text{Sabine niet besmet} \mid \text{negatief}) = \frac{0,94 \cdot 0,95}{0,905} \approx 0,987$

21.

a. Opp. = $\text{normalcdf}(100, 10^{99}, 80, 12) \approx 0,048$

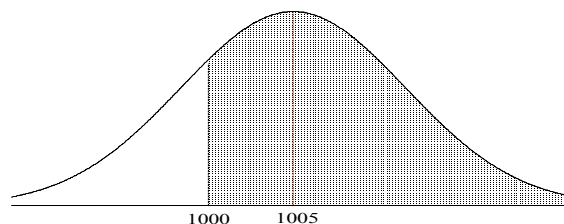
b. $a = \text{invnorm}(0,35, 80, 12) \approx 75,38$

c. $b = \text{invnorm}(0,92, 80, 12) \approx 96,86$

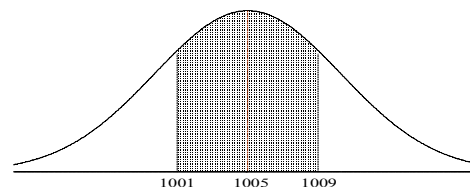
d. Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 2,1, 1,8, X)$ en $y_2 = 2,1$
De solver geeft $\sigma = X \approx 0,57$

22.

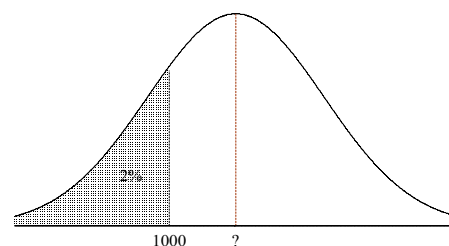
a. Opp = $\text{normalcdf}(1000, 10^{99}, 1005, 6) \approx 0,798$
 $\Rightarrow 79,8\%$ bevat meer dan 1000 gram



b. $\text{normalcdf}(1001, 1009, 1005, 6) \approx 0,495 \Rightarrow$
Het gevraagde witte gebied is dus 50,5% en dat is het gevraagde percentage.

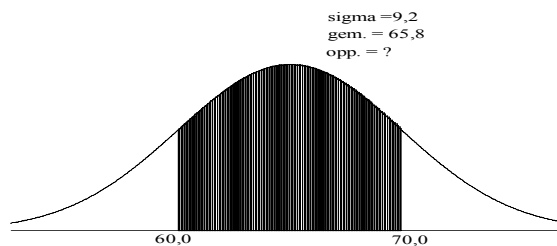


c. Uit het gegeven volgt :
 $\text{normalcdf}(-10^{99}, 100, X, 8) = 0,02$
 \Rightarrow Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 100, X, 8)$
en $y_2 = 0,02$
Met de solver vinden we $X \approx 1016,4$ gram en dat is dan het gemiddelde.

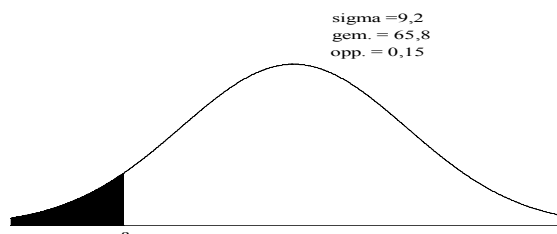


23.

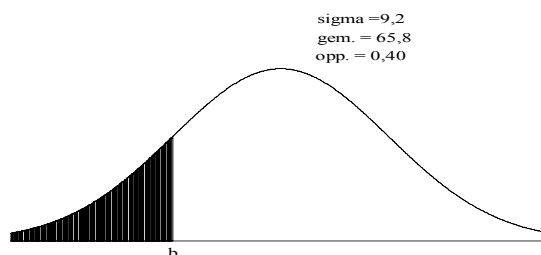
- a. $P(60,0 \leq X \leq 70,0) =$
 $\text{normalcdf}(60, 70, 65.8, 9.2) \approx 0,412$
 $\Rightarrow 41,2 \%$



- b. $a = \text{invnorm}(0.15, 65.8, 9.2) \approx 56,3$
 \Rightarrow tot een score van 56,3.



- c. $b = \text{invnorm}(0.40, 65.8, 9.2) \approx 63,47 \Rightarrow$
 Herkansen bij scores van 56,3 tot 63,5



24. $P_{20} = 28 \text{ kg}$ en $P_{80} = 40 \text{ kg}$ $\sigma \approx 7,1 \text{ kg}$

- a. Uit de gegevens volgt direct dat het gemiddelde is $0,5(28 + 40) = 34 \text{ kg}$
 Nu geldt b.v. $\text{normalcdf}(-10^{99}, 28, 34, \sigma) = 0,20 \Rightarrow$
 Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 28, 34, X)$ en $y_2 = 0,20$
 Met de solver vinden we $X = \sigma \approx 7,13 \text{ kg}$
- b. $\text{normalcdf}(42.8, 10^{99}, 34, 7.13) \approx 0,1086 \Rightarrow$ Het gevraagde percentage is dus 10,9 %.
- c. Nu moet gelden : $\text{normalcdf}(-10^{99}, X, 34, 7.13) = 0,05 \Rightarrow$
 Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, X, 34, 7.13)$ en $y_2 = 0,05$
 Met de solver vinden we $X \approx 22,3 \Rightarrow$ Je wordt opgeroepen tot een gewicht van 22,3 kg.
- d. $P_{95} = \text{normalcdf}(-10^{99}, X, 34, 7.13) \Rightarrow$
 Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, X, 34, 7.13)$ en $y_2 = 0,95$
 Met de solver vinden we $X \approx 45,7 \Rightarrow$ Het gewicht is dan 45,7 kg.

25.

- a. $P(\text{kind zwaarder dan } 42) = \text{normalcdf}(42, 10^{99}, 34, 7.13) \approx 0,131$

- b. $P(\text{minstens 1 kind zwaarder dan 42 kg}) = 1 - P(\text{geen kind is zwaarder dan 42}) = 1 - 0,869^{10} \approx 0,754$
- c. Eerst $P(\text{kind lichter dan 32}) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 32, 34, 7.13) \approx 0,3895\dots$
 $P(\text{minstens 6 zwaarder dan 32}) = 1 - P(\text{hoogstens 5 zwaarder dan 42}) = 1 - \text{binomcdf}(10, 0,3895\dots, 5) \approx 0,149$
26. $\mu = 2 \text{ min } 40.$ en $\sigma = 15 \text{ sec.}$
- a. Eerst de kans dat de handeling langer dan 3 minuten duurt.
 Deze kans = $\text{normalcdf}(180, 10^{99}, 160, 15) \approx 0,0912\dots$
 Nu de binomiale verdeling met $n = 80$ en $p = 0,0912\dots$ en stel X is het aantal handelingen.
 $\Rightarrow P(X \geq 10) = 1 - P(X \leq 9) = 1 - \text{binomcdf}(80, 0,0912\dots, 9) \approx 1 - 0,808 = 0,192$
- b. De gevraagde kans is : $\text{normalcdf}(-10^{99}, 150, 160, 15) \approx 0,252\dots$
 We verwachten dan ook $0,252 \cdot 280 \approx 45$ van deze handelingen die korter duren.
- c. Stel X is het aantal handelingen van meer dan 165 sec.
 Eerst de succeskans berekenen $\Rightarrow \text{normalcdf}(165, 10^{99}, 160, 15) \approx 0,369\dots$
 Nu moet gelden : $P(X \geq 5 \mid n = ? \text{ en } p \approx 0,369\dots) > 0,99 \Leftrightarrow$
 $1 - \text{binomcdf}(X, 0,369441\dots, 4) > 0,99 \Rightarrow$
 Voer in : $y_1 = 1 - \text{binomcdf}(X, 0,369441\dots, 4)$ en $y_2 = 0,99$
 In de tabel zien we bij $X = n = 27$ een kans van $0,989\dots$
 Bij $X = n = 28$ is de kans $0,992\dots \Rightarrow$ Vanaf $n = 28$ volgt het gevraagde.
- 27.
- a. Uit de theorie weten we dat $a = 68$ en $b = 95$.
- b. Uit het gegeven volgt dat het gemiddelde is : $0,5(58 + 67) = 62,5$
 Uit de vuistregels volgt : $2\sigma = 62,5 - 58 = 4,5 \Rightarrow \sigma \approx 2,25$
- 28a.

Lengte	Frequentie	Cumulatieve frequentie	Rel. cum. frequentie %
165 -< 170	7	7	6,0
170 -< 175	17	24	20,7
175 -< 180	27	51	44,0
180 -< 185	29	80	69,0
185 -< 190	21	101	87,1
190 -< 195	11	112	96,6
195 -< 200	4	116	100

Helaas heb ik niet de mogelijkheid op een grafiek te tekenen op n.w.p.

Op n.w.p. is de grafiek bij benadering een rechte lijn. \Rightarrow Er is dus sprake van een normale verdeling.

- b. We lezen af. Bij 50% hoort een lengte van 181 cm. $\Rightarrow \mu = 181$ cm.
 Bij 84% lezen we een lengte van ongeveer 189 cm af. \Rightarrow
 $\sigma = 189 - 181 = 8$ cm.

29. Helaas had ik geen mogelijkheid om nwpapier te tekenen.

30.

- a. Deze bewering klopt .
 b. Deze bewering klopt niet omdat σ nooit negatief is.

31. Stel de totale tijd is : $T = X + Y$ met $\mu_T = \mu_X + \mu_Y =$
 $170 + 110 = 280$

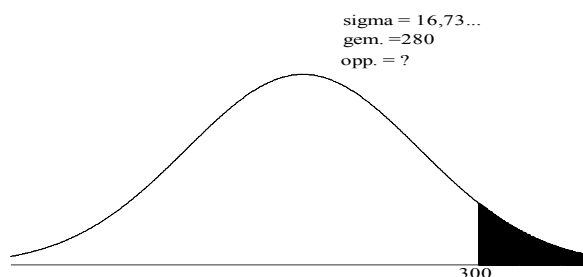
$$\text{en } \sigma_T = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2} = \sqrt{12^2 + 8^2} = \sqrt{208} ;$$

5 minuten is 300 sec.

$$P(X > 300) = \text{normalcdf}(300, 10^{99}, 280, \sqrt{280}) \approx$$

$$0,083$$

\Rightarrow In 8,3 % van de gevallen.



32.

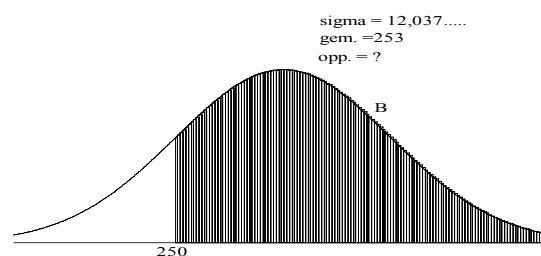
$B = X + Y$ en $\mu_B = \mu_X + \mu_Y = 5 + 248 = 253$ en

$$\sigma_B = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2} = \sqrt{0,3^2 + 12^2} = \sqrt{144,09}$$

$$P(X > 250) = \text{normalcdf}(250, 10^{99}, 253, \sqrt{144,09})$$

$$\approx 0,599 \Rightarrow$$

In 59,9 % van de gevallen is het brutogewicht meer dan 250 gram.



33. $v = 120$ km/uur; $\mu_1 = 45$ meter en $\sigma_1 = 12$ meter. ; $\mu_2 = 130$ meter en $\sigma_2 = 10$ meter.

Stel X is de totale afgelegde weg bij de noodstop. \Rightarrow

$$P(X \geq 200) = \text{normalcdf}(200, 10^{99}, 175, \sqrt{12^2 + 10^2}) \approx 0,055$$

34.

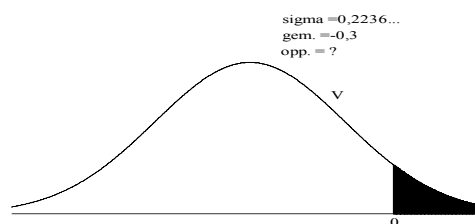
a. Stel $V = X - Y$ $\mu_V = \mu_X - \mu_Y = 13,2 - 13,5 = -0,3$
 en

$$\sigma_V = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2} = \sqrt{0,1^2 + 0,2^2} = \sqrt{0,05}$$

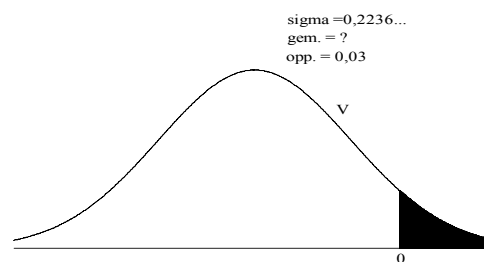
Te dik $\Rightarrow V = X - Y > 0$

$$P(V > 0) = \text{normalcdf}(0, 10^{99}, -0,3, \sqrt{0,05}) \approx$$

$$0,090 \Rightarrow \text{in } 9,0 \% \text{ van de gevallen.}$$



- b. $\mu_V = 13,2 - \mu_Y$
 Er moet gelden :
 $\text{normalcdf}(0, 10^{99}, 13,2 - \mu_Y, \sqrt{0,005}) = 0,03$
 \Rightarrow Voer in $y_1 = \text{normalcdf}(0, 10^{99}, x, \sqrt{0,005})$
 en $y_2 = 0,03$ en neem window $[-1, 1] \times [0, 0,3]$
 Met intersect vinden we $x \approx -0,42 \Rightarrow$
 $13,2 - \mu_Y = -0,42 \Leftrightarrow \mu_Y = 13,2 + 0,42 \approx 13,62 \Rightarrow$ De
 gemiddelde diameter van de moeren is dan 13,62 mm.



35. Gegeven $\mu_A = 2170$ en $\sigma = 200$; $\mu_B = 1920$

- a. Bekijk het verschil $V = A - B$ $P(A \text{ wint van } B) = P(V > 0) = \text{normalcdf}(0, 10^{99}, 250, \sqrt{200^2 + 200^2}) \approx 0,812$ hetgeen gevraagd is. \Rightarrow 81% klopt dus.

- b. Formule : $R_{\text{nieuw}} = R_{\text{oud}} + 10(w - v)$
 Bij A : $R_{\text{nieuw}} = 2170 + 10(0,5 - 0,81) \approx 2167$
 Bij B : $R_{\text{nieuw}} = 1920 + 10(0,81 - 0,5) \approx 1923$

- c. Bij K elo 2060 en bij M : 1870.

Stel weer $V = K - M$ Dan $\mu_V = 2060 - 1870 = 190$ en $\sigma_V = \sqrt{200^2 + 200^2} = \sqrt{80000}$

$P(K \text{ wint van } M) = P(V > 0) = \text{normalcdf}(0, 10^{99}, 190, \sqrt{80000}) \approx 0,749$

$\Rightarrow v_K = 0,749 \Rightarrow$

Bij K : $R_{\text{nieuw}} = 2060 + 10(1 - 0,749) \approx 2063$

Bij Mol : $v_M = 0,251 \Rightarrow R_{\text{nieuw}} = 1870 + 10(0 - 0,251) \approx 1867$

- 36.

- a. Limonade gaat verloren als inhoud fles is kleiner dan hoeveelheid limonade \Rightarrow
 als $V = X - Y < 0$

$\mu_V = \mu_X - \mu_Y = 1015 - 1005 = 10$ en

$\sigma_V = \sqrt{\sigma_X^2 + \sigma_Y^2} = \sqrt{4^2 + 8^2} = \sqrt{80}$

$P(V < 0) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 0, 10, \sqrt{80}) \approx 0,132$

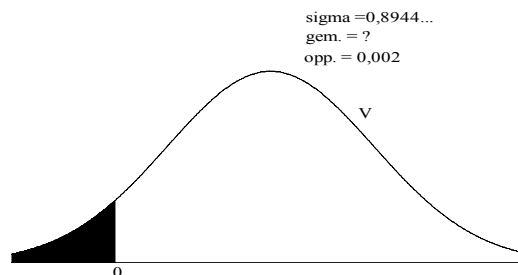
\Rightarrow in 13,2 van de gevallen is er te veel limonade.

- b. $V = X - Y$ dus $\mu_V = \mu_X - \mu_Y = 1015 - \mu_Y$
 Er geldt dus: $\text{normalcdf}(-10^{99}, 0, 1015 - \mu_Y, \sqrt{80}) = 0,002$

Voer in $y_2 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 0, x, \sqrt{80})$ en
 $y_2 = 0,002$ met window $[-5, 30] \times [0, 0,1]$

Intersect geeft $x \approx 25,74 \Rightarrow$

$1015 - \mu_Y \approx 25,74 \Leftrightarrow \mu_Y \approx 989,3$



37.

- a. X : lengte man 1 en Y : lengte van man 2. Verschil is meer dan 15 cm als $X - Y < -15$ of $X - Y > 15$

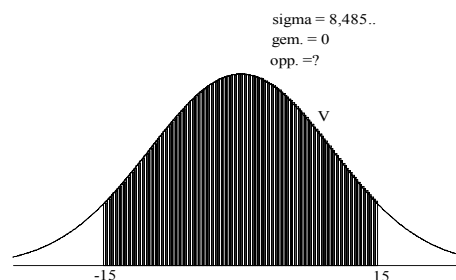
Stel $V = X - Y$ $\mu_V = \mu_X - \mu_Y = 0$ en

$$\sigma_V = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2} = \sqrt{6^2 + 6^2} = \sqrt{72}$$

$$P(X < -15) + P(X > 15) =$$

$$2 \cdot \text{normalcdf}(-10^{99}, -15, 0, \sqrt{72}) \approx 0,077$$

\Rightarrow De kans is dus 0,077



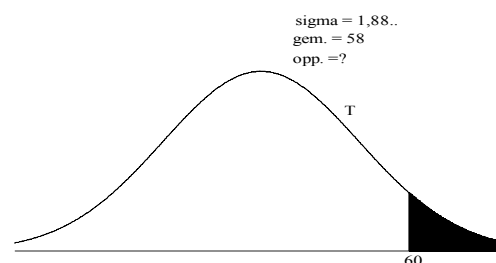
- b. X : aantal tweetallen met een verschil van meer dan 15 cm en X is een binomiale verdeling met $n = 12$ en $p \approx 0,077$
 $P(X \geq 2) = 1 - P(X \leq 1) = 1 - \text{binomcdf}(12, 0,077, 1) \approx 0,235$

38. $T = X_1 + X_2 + X_3 + X_4$ met $\mu_T = 12 + 8 + 20 + 18 = 58$

$$\text{en } \sigma_T = \sqrt{0,5^2 + 0,3^2 + 0,8^2 + 1,6^2} = \sqrt{3,54}$$

$$P(T > 60) = \text{normalcdf}(60, 10^{99}, 58, \sqrt{3,58}) \approx 0,144$$

\Rightarrow in 14,4 % van de gevallen.

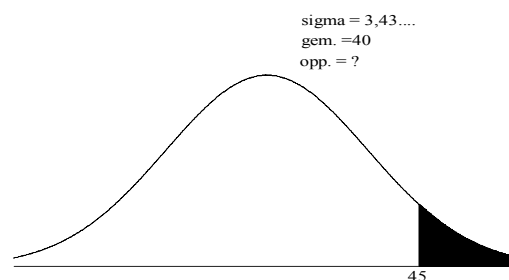


39.

- a. Totale fietsduur T is normaalverdeeld met

$$\mu_T = 18 + 7 + 15 = 40 \quad \text{en } \sigma_T = \sqrt{2,5^2 + 1,25^2 + 2^2} = \sqrt{11,8125} \approx 3,43\dots$$

$$P(X \geq 45) = \text{normalcdf}(45, 10^{99}, 40, \sqrt{11,8125}) \approx 0,073$$



- b. Van 7.25 tot 8.15 is 50 min; X : aantal keer dat ze te laat komt en X is binomiaal verdeeld met $n = 35$ en $p = \text{normalcdf}(50, 10^{99}, 40, \sqrt{11,8125}) \approx 0,018$

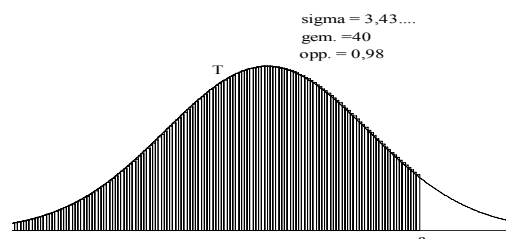
$$P(X \geq 1) = 1 - P(X = 0) = 1 - 0,9982^{35} \approx 0,0611$$

- c. We moeten nu de grens a berekenen.

$$P(X \leq a) = 0,98 \Rightarrow$$

$$a = \text{invnorm}(0,98, 40, \sqrt{11,8125}) \approx 47,06 \Rightarrow$$

Ze moet dan minstens 47 min. voor het 8.15 uur is vertrekken. Ze vertrekt dus dan om 7.28 uur.



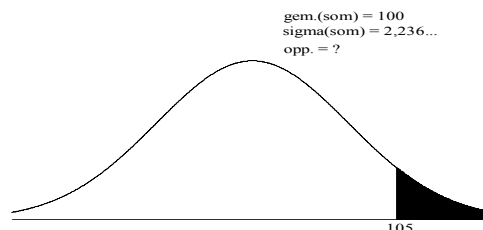
40. $\mu_{X_{\text{som}}} = 8 \cdot \mu_X$; er geldt niet $\sigma_{X_{\text{som}}} = 8 \cdot \sigma_{\text{som}}$ want bijvoorbeeld bij $X_{\text{som}} = X + X$ dan geldt $\mu_{\text{som}} = \mu_X + \mu_X = 2 \cdot \mu_X$ en $\sigma_{X_{\text{som}}} = \sqrt{\sigma_X^2 + \sigma_X^2}$ en dit is niet gelijk aan $2 \cdot \sigma_X$

41.

X_{som} is normaal verdeeld met $\mu_{X_{\text{som}}} = 4 \cdot 30 = 120$
 $\sigma_{X_{\text{som}}} = \sqrt{3} \cdot 8$
 $P(X_{\text{som}} > 135) = \text{normalcdf}(135, 10^{99}, 120, 8\sqrt{3}) \approx 0,140$

42.

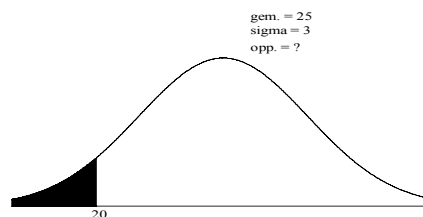
- a. X_{som} is normaal verdeeld met $\mu_{X_{\text{som}}} = 20 \cdot 5 = 100$
en $\sigma_{X_{\text{som}}} = \sqrt{20} \cdot 0,5 \approx 2,236\dots$
 $P(X_{\text{som}} > 105) = \text{normalcdf}(105, 10^{99}, 100, 2,236\dots) \approx 0,013$



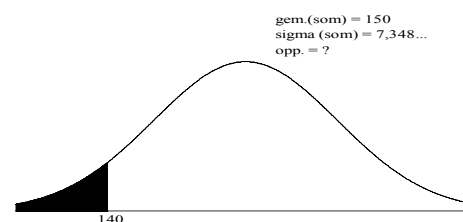
- b. X : aantal tegels dat niet in een krat past.
 X is binomiaal verdeeld met $n = 12$ en $p = 0,013$
 $P(X \geq 2) = 1 - P(X \leq 1) = 1 - \text{binomcdf}(12, 0,013, 1) \approx 0,010$

43.

- a. $P(X < 20) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 20, 25, 3) \approx 0,048$



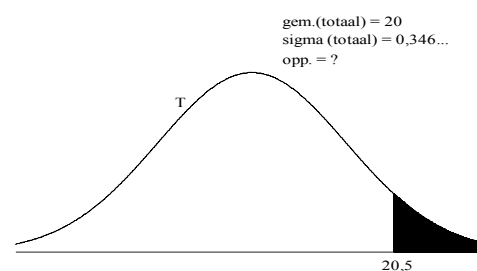
- b. X_{som} is normaal verdeeld met $\mu_{X_{\text{som}}} = 6.25 = 150$ en
 $\sigma_{X_{\text{som}}} = \sqrt{6} \cdot 3 \approx 7,348\dots$
 $P(X_{\text{som}} < 140) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 140, 150, 3 \cdot \sqrt{6}) \approx 0,087$



- c. X : aantal pakken met minder dan 140 gram ;
 X is binomiaal met $n = 20$ en $p = 0,087$
 $P(X > 2) = 1 - P(X \leq 2) = 1 - \text{binomcdf}(20, 0,087, 2) \approx 0,250$

44. T is het totale gewicht van de flessen en het gewicht van de krat.

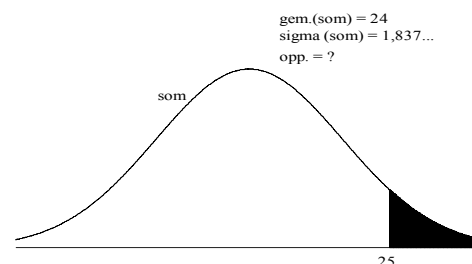
$\sigma_{\text{fles}} = 50 \text{ gram} = 0,05 \text{ kg}$ en $\sigma_{\text{krat}} = 330 \text{ gram} = 0,3 \text{ kg}$.
 T is normaal verdeeld met $\mu_T = 12 \cdot 1,5 + 2 = 20 \text{ kg}$
 $\sigma_T = \sqrt{12 \cdot 0,05^2 + 0,3^2} = \sqrt{0,12} \text{ kg}$



$$P(T > 20,5) = \text{normalcdf}(20.5, 10^{99}, 20, \sqrt{0.12}) \approx 0,074$$

45.

- a. X_{som} is normaal verdeeld met $\mu_{X_{\text{som}}} = 6 \cdot 4 = 24$ min. en $\sigma_{X_{\text{som}}} = \sqrt{6} \cdot 0,75 \approx 1,837... \text{ min.}$
 $P(X_{\text{som}} > 25) = \text{normalcdf}(25, 10^{99}, 24, 0,75 \cdot \sqrt{6}) \approx 0,2931 \Rightarrow$ Naar verwachting wordt in $0,2931 \cdot 50 \approx 15$ keer de tijd overschreden.



- b. Niet meer dan 1 keer van de 50 per jaar \Rightarrow

$$P(X_{\text{som}} > 25) \leq \frac{1}{50}$$

Stel die som is $\mu_{X_{\text{som}}} = 6 \cdot \mu_x$

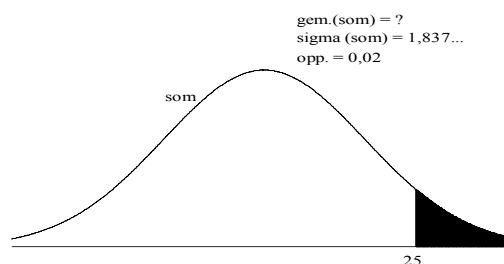
Nu geldt dus :

$$P(X_{\text{som}} > 25) = \text{normalcdf}(25, 10^{99}, 6 \cdot \mu_x, 0,75 \cdot \sqrt{6}) = 0,02$$

Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(25, 10^{99}, 6 \cdot x, 0,75 \cdot \sqrt{6})$

en $y_2 = 0,02$ en neem het window $[0, 10] X [0, 0,1]$

$\Rightarrow x \approx 3,54 \Rightarrow$ Een spelronde mag dan gemiddeld 3 minuten en 32 seconden duren.



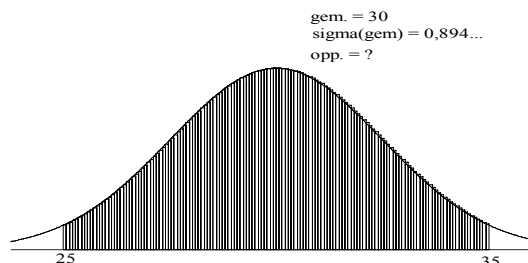
46.

- a. Opp. witte gebied = $P(X < 25 \vee X > 35) = 2 \cdot P(X < 25) = 2 \cdot \text{normalcdf}(-10^{99}, 25, 30, 4) \approx 0,211$

- b. X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = \mu_x = 30$ en $\sigma_{\text{gem}} = 4/\sqrt{20} \approx 0,8944...$
Zie de witte gebieden.

$$P(X_{\text{gem}} < 25 \vee X_{\text{gem}} > 35) = 2 \cdot P(X_{\text{gem}} < 25) =$$

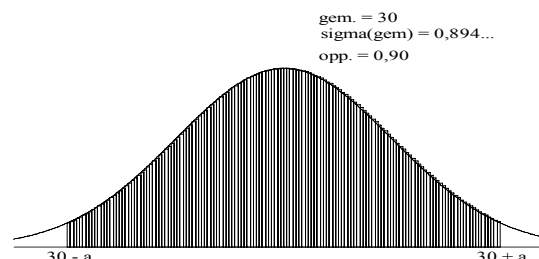
$$2 \cdot \text{normalcdf}(-10^{99}, 25, 30, \frac{4}{\sqrt{20}}) \approx 0,000$$



- c. Nu het zwarte gebied.

$$P(30 - a \leq X_{\text{gem}} \leq 30 + a) = 0,95 \Rightarrow$$

$$P(X_{\text{gem}} < 30 - a) = 0,025 \Rightarrow$$



$$\text{invnorm}(0.025, 30, \frac{4}{\sqrt{20}}) = 0,025 \Rightarrow$$

$$30 - a \approx 28,25 \Leftrightarrow a \approx 1,75$$

d. Nu het witte gebied.

$$P(X_{\text{gem}} < 29 \vee X_{\text{gem}} > 31) = 0,001 \Rightarrow$$

$$P(X_{\text{gem}} < 29) = 0,0005$$

X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 30$ en $\sigma_{\text{gem}} = \frac{4}{\sqrt{n}}$

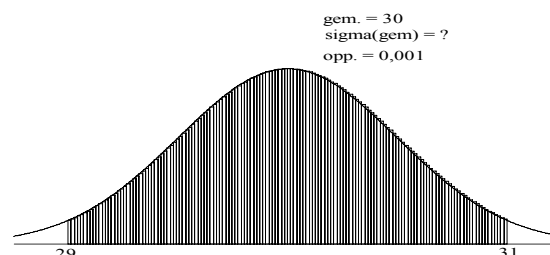
hierbij is n de lengte van de steekproef.

$$\text{Er geldt dus : normalcdf}(-10^{99}, 29, 30, \frac{4}{\sqrt{n}}) = 0,0005 \Rightarrow$$

$$\text{Voer in : } y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 29, 30, \frac{4}{\sqrt{x}}) \text{ en } y_2 = 0,0005$$

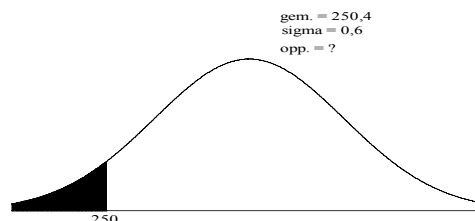
met window $[0, 200] X [0, 0.0010] \Rightarrow X \approx 173, 2 \Rightarrow n > 173$ (nogal lastig)

Ook mogelijk is $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 29, 30, \frac{4}{\sqrt{x}})$ en te kijken naar de tabel. Eerst in stappen van 10 en vervolgens in stappen van 1. (Het blijven lastige getallen)



47.

a. $P(X < 250) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 250, 250,4, 0,6) \approx 0,252 \Rightarrow$ dus 25,2 %

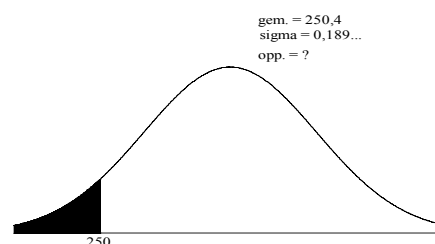


b. X_{gem} is normaal met $\mu_{\text{gem}} = 250,4$ gram en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{0,6}{\sqrt{10}} \approx 0,189... \text{ gram}$$

$$P(X_{\text{gem}} < 250) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 250, 250,4, \frac{0,6}{\sqrt{10}})$$

$$\approx 0,018 \Rightarrow \text{ongeveer } 1,8 \%$$



c. Nu de dozen in zijn geheel.

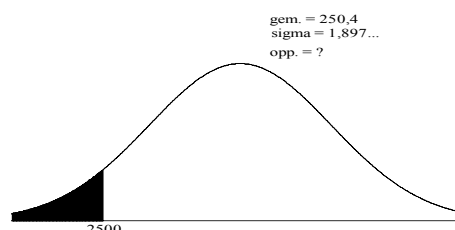
X_{som} is normaal verdeeld met

$$\mu_{\text{som}} = 10 \cdot 250,4 = 2504 \text{ gram en}$$

$$\sigma_{\text{som}} = \sqrt{10} \cdot 0,6 \text{ gram}$$

$$P(X < 2500) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 2500, 2504, 0,6\sqrt{10})$$

$$\approx 0,018 \Rightarrow 1,8 \%$$



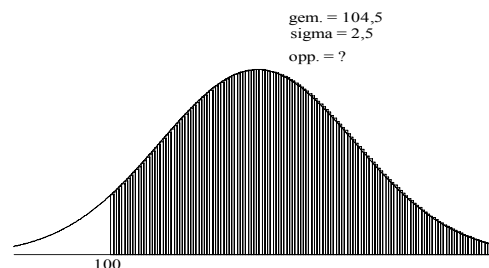
- d. Bij een gemiddeld gewicht van 250 gram per pakje heb je een gemiddeld gewicht per doos van $10 \cdot 250 = 2500$ gram

48. X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 104,5$ gram en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} = \frac{10}{\sqrt{16}} = 2,5 \text{ gram}$$

$$P(X \geq 100) = \text{normalcdf}(100, 10^{99}, 104,5, 2,5) \approx 0,964$$

\Rightarrow Dat is dus ongeveer 96,4 %



- 49.

- a. Gegeven $P(X \leq 100) = 0,15 \Leftrightarrow$
 $\text{normalcdf}(-10^{99}, 100, 102, \sigma_x) = 0,15$

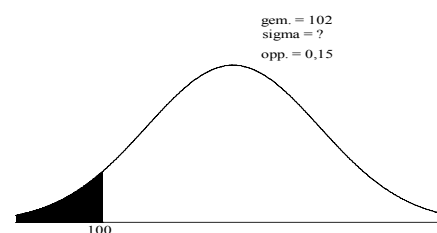
Voer in :

$$y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 100, 102, x) \text{ en}$$

$$y_2 = 0,15$$

Neem window $[0, 20] X [0, 1] \Rightarrow$

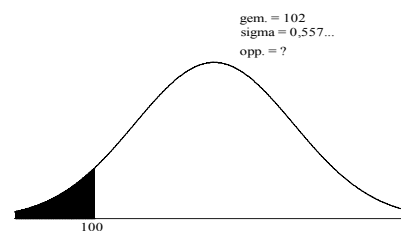
De optie intersect geeft $X \approx 1,93 \Rightarrow \sigma \approx 1,93$ cl



- b. X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 102$ cl en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} = \frac{1,93}{\sqrt{12}} \approx 0,557... \text{ cl}$$

$$P(X_{\text{gem}} < 100) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 100, 102, \frac{1,93}{\sqrt{12}}) \approx 0,0002$$



- c. X : aantal kratten met gemiddeld vulgewicht van minder dan 100 cl

X : binomiaal verdeeld met $n = 25$ en $p \approx 0,0002$

$$P(X \geq 1) = 1 - P(X = 0) = 1 - \text{binompdf}(25, 0,0002,) \approx 0,005$$

50. Stel hij stopt n bonbons in een doos.

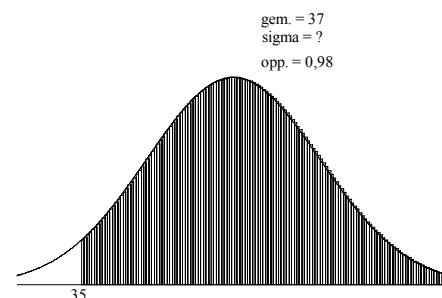
X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 37$ gram en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{5}{\sqrt{n}} \text{ gram} \Rightarrow P(X_{\text{gem}} \geq 35) =$$

$$\text{normalcdf}(35, 10^{99}, 37, \frac{5}{\sqrt{n}}) = 0,98$$

$$\text{Voer in : } y_1 = \text{normalcdf}(35, 10^{99}, 37, \frac{5}{\sqrt{x}}) \text{ en } y_2 = 0,98$$

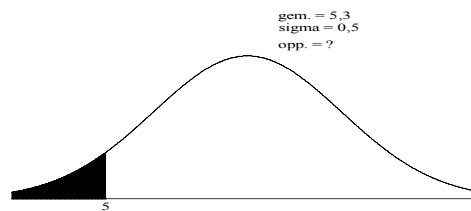
Neem het window $[0,50] X [0, 1]$ De optie intersect geeft $X \approx 26,4 \Rightarrow$ Hij moet dus minstens 27 bonbons in een doos doen.



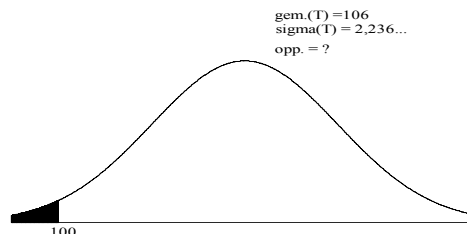
51.

a. X is het gewicht van een zakje.

$$P(X < 5) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 5, 5.3, 0.5) \approx 0,274$$

b. Stel T is het gewicht van een pakje theezakjes. T is normaal verdeeld met $\mu_T = 20 \cdot 5,3 = 106$ gramen $\sigma_T = \sqrt{20} \cdot 0,5$ gram

$$P(T < 100) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 100, 106, 0.5 \cdot \sqrt{20}) \approx 0,004$$



c. Zie de witte gebieden.

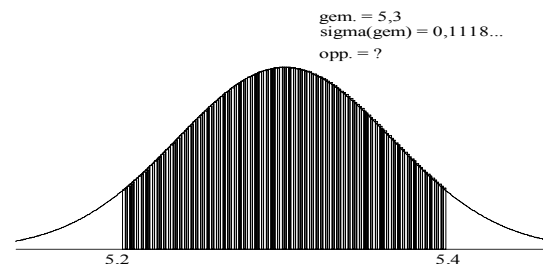
 X_{gem} is het gemiddelde gewicht van een theezakje in een pakje van 20 stuks. X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 5,3$ gram en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} = \frac{0,5}{\sqrt{20}} \approx 0,1118...$$

$$P(X < 5,2 \vee X > 5,4) = 2 \cdot P(X < 5,2) =$$

$$2 \cdot \text{normalcdf}(-10^{99}, 5,2, 5,3, \frac{0,5}{\sqrt{20}}) \approx 0,371 \Rightarrow$$

37,1 %

d. Stel hij doet n theezakjes in een pakje. X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 5,3$ gram en

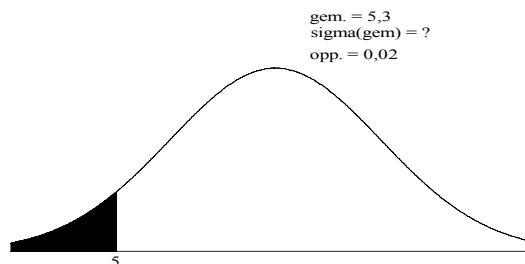
$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} = \frac{0,5}{\sqrt{n}} \text{ gram}$$

$$P(X_{\text{gem}} < 5) = 0,02 \Leftrightarrow$$

$$\text{normalcdf}(-10^{99}, 5, 5,3, \frac{0,5}{\sqrt{n}}) = 0,02 \Rightarrow$$

Voer in :

$$y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 5, 5,3, \frac{0,5}{\sqrt{x}}) \text{ en } y_2 = 0,02$$

Neem het window $[0, 40] \times [0, 0.05] \Rightarrow$ De optie intersect geeft $x \approx 11,7 \Rightarrow$ Hij moet dus minstens 12 zakjes in een pakje doen.

52.

- a. Niet juist want hier is X een geheel getal $\Rightarrow P(X < 4) = P(X \leq 3)$
- b. Wel juist, want gewicht is een continu proces en geen trapsgewijs proces $\Rightarrow Y \leq 4 \Leftrightarrow Y < 4$.

53. a. continu b. discreet c. continu d. discreet e. discreet
f. discreet g. discreet h. continu i. discreet j. discreet

54.

- a. $P(X \leq 10) \approx P(Y \leq 10,5)$
b. $P(X < 12) = P(X \leq 11) \approx P(Y \leq 11,5)$
c. $P(X > 18) = 1 - P(X \leq 18) \approx 1 - P(Y \leq 18,5)$
d. $P(X \geq 8) = 1 - P(X \leq 7) \approx 1 - P(Y \leq 7,5)$
e. $P(6 \leq X \leq 10) = P(X \leq 10) - P(X \leq 5) \approx P(Y \leq 10,5) - P(Y \leq 5,5)$
f. $P(8 < X < 20) = P(X \leq 19) - P(X \leq 8) \approx P(Y \leq 19,5) - P(Y \leq 8,5)$
g. $P(X \leq 6 \text{ of } X \geq 8) = P(X \leq 6) + 1 - P(X \leq 7) \approx P(Y \leq 6,5) + 1 - P(Y \leq 7,5)$
h. $P(X = 10) = P(X \leq 10) - P(X \leq 9) \approx P(Y \leq 10,5) - P(Y \leq 9,5)$
i. $P(9 < X \leq 15) = P(X \leq 15) - P(X \leq 9) \approx P(Y \leq 15,5) - P(Y \leq 9,5)$

55.

- a. $P(X \leq 28) \approx P(Y \leq 28,5) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 28.5, 35.2, 6.9) \approx 0,166$
- b. $P(X \geq 38) \approx P(Y \geq 37,5) = \text{normalcdf}(37.5, 10^{99}, 35.2, 6.9) \approx 0,369$
- c. $P(X = 33) \approx P(32,5 \leq Y \leq 33,5) = \text{normalcdf}(32.5, 33.5, 35.2, 6.9) \approx 0,055$
- d. $P(30 \leq X \leq 40) \approx P(29,5 \leq Y \leq 40,5) = \text{normalcdf}(29.5, 40.5, 35.2, 6.9) \approx 0,574$
- e. $P(X < 45) = P(X \leq 44) \approx P(Y \leq 44,5) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 44.5, 35.2, 6.9) \approx 0,911$
- f. $P(X > 40) = P(X \geq 41) = P(Y \geq 40,5) = \text{normalcdf}(40.5, 10^{99}, 35.2, 6.9) \approx 0,221$

56.

- a. $P(X < 20) = P(X \leq 19) = P(Y \leq 19,5) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 19.5, 28.2, 4.3) \approx 0,022 \Rightarrow 2,2 \%$
- b. $P(X = 30) = P(29,5 \leq Y \leq 30,5) = \text{normalcdf}(29.5, 30.5, 28.2, 4.3) \approx 0,085$
- c. $P(X > 25) = P(X \geq 26) = P(Y \geq 25,5) = \text{normalcdf}(25.5, 10^{99}, 28.2, 4.3) \approx 0,735$

57.

- a. $P(X > 12) = P(X \geq 13) = P(Y \geq 12,5) = \text{normalcdf}(12.5, 10^{99}, 9.8, 3.6) \approx 0,227$
- b. $P(X = 10) = P(9,5 \leq Y \leq 10,5) = \text{normalcdf}(9.5, 10.5, 9.8, 3.6) \approx 0,110$

- c. Z : aantal keer dat er meer dan 12 keer “zie” op een bladzijde staat.
 Z is binomiaal met $n = 16$ en $p \approx 0,227 \Rightarrow$
 $P(Z \geq 2) = 1 - P(Z \leq 1) = 1 - \text{binomcdf}(16, 0,227, 1) \approx 0,907$

58.

- a. $P(X \leq 100) = \text{binomcdf}(300, 0,37, 100) \approx 0,104$
- b. Y is normaal verdeeld met $\mu_Y = n \cdot p = 300 \cdot 0,37 = 111$ en $\sigma_Y = \sqrt{n(1-p) \cdot p} = \sqrt{300 \cdot 0,63 \cdot 0,37} = \sqrt{69,93} \Rightarrow$
 $P(X \leq 100) = P(Y \leq 100,5) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 100,5, 111, \sqrt{69,93}) \approx 0,105$

59.

- a. X : aantal dat komt opdagen ; $P(X \leq 1300) = \text{binomcdf}(1430, 0,9, 1300) \approx 0,884$
- b. Ga uit van maximaal n reserveringen. Er moet gelden : $P(X \leq 1300 \mid n = ? \text{ en } p = 0,9) > 0,99$
 $\Leftrightarrow \text{binomcdf}(n, 0,9, 1300) > 0,99$
 Voer in : $y_1 = \text{binomcdf}(x, 0,9, 1300)$ en bekijk de tabel \Rightarrow
 Bij $n = 1416$ is $y_1 = 0,99107$
 bij $n = 1417$ is $y_1 = 0,98879 \Rightarrow$
 Hij gaat uit van een maximaal aantal van 1416 reserveringen.

60. Gegeven : $p = 0,7$ en het is een binomiale verdeling.
 Overstappen naar de normale verdeling . \Rightarrow

- 1) $n = 50$: $\mu = n \cdot p = 50 \cdot 0,7 = 35$ en $\sigma = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{50 \cdot 0,7 \cdot 0,3} \approx 3,24$
 Nu de kans berekenen $\Rightarrow P(35 - 3,24 \leq X \leq 35 + 3,24) = P(31,76 \leq X \leq 38,24) = \text{normalcdf}(31,76, 38,24, 35, 3,24) \approx 0,6827$
- 2) $n = 400$: $\mu = n \cdot p = 400 \cdot 0,7 = 280$ en $\sigma = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{400 \cdot 0,7 \cdot 0,3} \approx 9,165$
 Nu de kans berekenen \Rightarrow
 $P(280 - 9,165 \leq X \leq 280 + 9,165) = P(270,835 \leq X \leq 289,165) = \text{normalcdf}(270,835, 289,165, 280, 9,165) \approx 0,6827$
- 3) $n = 900$: $\mu = n \cdot p = 900 \cdot 0,7 = 630$ en $\sigma = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{900 \cdot 0,7 \cdot 0,3} \approx 13,748$
 Nu de kans berekenen \Rightarrow
 $P(630 - 13,748 \leq X \leq 630 + 13,748) = P(616,252 \leq X \leq 643,748) = \text{normalcdf}(616,252, 643,748, 630, 13,748) \approx 0,6827$

61.

$$\begin{aligned}
 E(X) = 1440 &\Rightarrow n \cdot p = 1440 \\
 \sigma_x = 30 &\Rightarrow \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = 30 \Rightarrow n \cdot p \cdot (1-p) = 900
 \end{aligned}
 \left. \vphantom{\begin{aligned} E(X) = 1440 \\ \sigma_x = 30 \end{aligned}} \right\} \Rightarrow$$

$$1440 \cdot (1-p) = 900 \Leftrightarrow 1-p = \frac{900}{1440} \Leftrightarrow p = 1 - \frac{900}{1440} = \frac{540}{1440} = \frac{3}{8}$$

Nu dit weer invullen $\Rightarrow n \cdot \frac{3}{8} = 1440 \Rightarrow n = 1440 \cdot \frac{8}{3} = 3840$

Conclusie: $n = 3840$ en $p = \frac{3}{8}$

62.

$$\begin{aligned}
 E(X) = 12 &\Rightarrow n \cdot p = 12 \\
 \sigma_x = 3 &\Rightarrow \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = 3 \Rightarrow n \cdot p \cdot (1-p) = 9
 \end{aligned}
 \left. \vphantom{\begin{aligned} E(X) = 12 \\ \sigma_x = 3 \end{aligned}} \right\} \Rightarrow$$

$$12 \cdot (1-p) = 9 \Leftrightarrow 1-p = \frac{9}{12} \Leftrightarrow p = 1 - \frac{9}{12} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

Nu dit weer invullen $\Rightarrow n \cdot \frac{1}{4} = 12 \Rightarrow n = 12 \cdot 4 = 48$

Conclusie: $n = 48$ en $p = \frac{1}{4} \Rightarrow$

$P(X \geq 16) = 1 - P(X \leq 15) = 1 - \text{binomcdf}(48, \frac{1}{4}, 15) \approx 0,1232$ hetgeen gevraagd is.